

۲۸ - تابع $y = f(x) = x^3 + 4x^2 - 2x - 5$ در \int_0^2 نقطه در جدول زیر مشخص گردیده است

x	۰	$0/5$	۱	2	۳	$۲/5$
y	۰	$0/25$	۱	۴	۹	$۱۲/25$

انتگرال $I = \int_0^2 f(x)dx$ را با روش سیمپسون یا ذوزنقه محاسبه کنید کدام جواب زیر دقیق‌تر می‌باشد.

$$I = ۱۴/۴۶۶۵۶ \quad (۲)$$

$$I = ۱۴/۳۱۲۵ \quad (۱)$$

$$I = ۱۴/۴۱۵۶ \quad (۴)$$

$$I = ۱۴/۳۹۳۶ \quad (۳)$$

۲۹ - معادله زیر را در نظر می‌گیریم. $x^3 + 4x^2 - 2x - 5 = 0$ این معادله در فاصله $[1, 2]$ دارای حداقل یک جواب است. اگر روش تکراری نیوتن را مورد استفاده قرار دهیم، کدام جواب زیر به جواب ۵ رقم با معنی صحیح نزدیک‌تر است.

$$x = ۱/۱۹۴۲ \quad (۲)$$

$$x = ۱/۳۹۵۰ \quad (۱)$$

$$x = ۱/۲۲۳۶ \quad (۴)$$

$$x = ۱/۰۸۲۲ \quad (۳)$$

۴۰ - معادله دیفرانسیل زیر با شرط اولیه برای آن که داده شده است

$$\frac{dy}{dx} = x + y + xy \quad \left| \begin{array}{l} x_0 = 0 \\ y_0 = 1 \end{array} \right.$$

با انتخاب $y_0 = 1$ جواب معادله را در $x_0 = 0$ از روش رانگ - کوتای مرتبه دوم به دست آورید (Rung - Kutta) کدام جواب زیر به ۵ رقم با معنی صحیح نزدیک‌تر است؟

$$\begin{aligned} x_1 &= 0, 1 \\ y_1 &= 1/1155 \end{aligned} \quad (۲)$$

$$\begin{aligned} x_1 &= 0, 1 \\ y_1 &= 1/01112 \end{aligned} \quad (۱)$$

$$\begin{aligned} x_1 &= 0, 1 \\ y_1 &= 1/1362 \end{aligned} \quad (۴)$$

$$\begin{aligned} x_1 &= 0, 1 \\ y_1 &= 1/1341 \end{aligned} \quad (۳)$$

۴۱ - جدول زیر نظیر به تابع $y = a + bx + cx^2$ می‌باشد.

x	-۲	-۱	۰	۱	۲
y	$11/1$	$7/1$	2	$2/1$	$2/1$

با استفاده از روش حداقل مربعات least square مناسب‌ترین مقادیر a و b و c را محاسبه کنید.

$$a = ۲/۰۹۵$$

$$a = ۲/۲۴۱$$

$$b = -۲/۱۲۶ \quad (۲)$$

$$b = -۲/۰۷۵ \quad (۱)$$

$$c = ۱/۱۲۵$$

$$c = ۱/۰۹۸$$

$$a = ۲/۰۵۲$$

$$a = ۲/۱۲۱$$

$$b = -۲ \quad (۲)$$

$$b = -۲/۱۲۲ \quad (۱)$$

$$c = ۱/۰۱۴$$

$$c = ۱/۱۲۴$$